

1. 设 X_1, \dots, X_6 相互独立同服从标准正态分布, 以下选项正确的是

单选题(10分)

- A. $\frac{X_1^2 + X_2^2}{X_3^2 + \dots + X_6^2} \sim F(2, 4).$
- B. $\frac{1}{6}(3X_1 - X_2 - X_3 - X_4)^2 \sim \chi^2(1).$
- C. $\frac{1}{2}[(X_1 - X_2)^2 + (X_3 - X_4)^2 + (X_5 - X_6)^2] \sim \chi^2(3).$
- D. $\frac{X_1 + X_2 + X_3}{\sqrt{X_4^2 + X_5^2}} \sim t(2).$

2. 设随机变量 X 的分布律为 $P(X=0)=0.3, P(X=1)=0.2, P(X=2)=0.3, P(X=3)=0.2$. 对 X 独立重复观测775次, 结果记为 X_1, \dots, X_{775} , 则

$$P(1023 < \sum_{i=1}^{775} X_i < 1147) \approx$$

单选题(10分)

- A. 0.9544.
- B. 0.9772.
- C. 0.6826.
- D. 0.8413.

3. 设 X_1, X_2, \dots, X_{100} 都服从参数为2的泊松分布, 且相互独立, 由中心极限定理得随机变量 $\frac{1}{10} \sum_{i=1}^{100} X_i$ 近似服从

单选题(10分)

- A. $N(20, 1).$
- B. $N(20, 2).$
- C. $N(20, 10).$
- D. $N(20, 20).$

4. 设总体 X 的概率密度函数为 $f(x; \theta) = \begin{cases} \frac{8\theta^2}{x^3}, & x \geq 2\theta, \\ 0, & x < 2\theta. \end{cases}$ 其中 $\theta > 0$ 是未知参数, X_1, \dots, X_n 是总体 X 的简单随机样本, 则 θ 的极大似然估计量是

单选题(10分)

- A. $\max(X_1, \dots, X_n).$
- B. $\max(X_1, \dots, X_n)/2.$
- C. $\min(X_1, \dots, X_n)/2.$
- D. $\min(X_1, \dots, X_n).$

5. 设 X_1, X_2, \dots, X_{960} 相互独立服从相同分布, X_1 的概率密度函数为 $f(x) = \begin{cases} \frac{x}{12}, & 1 < x < 5, \\ 0, & \text{其他.} \end{cases}$ Y 表示 $\{X_1 < 4\}, \{X_2 < 4\}, \dots, \{X_{960} < 4\}$ 出现的个数, 则 $P(Y > 630)$

≈
单选题(10分)

- A. 0.8413.
 B. 0.1587.
 C. 0.9772.
 D. 0.0228.

6. 设 X_1, \dots, X_4 是来自总体 $X \sim N(0, \sigma^2)$ 的样本, \bar{X} 与 S^2 分别是样本均值和样本方差, $X_5 \sim N(0, \sigma^2)$ 新增的独立样本. 则 $\frac{2\sqrt{5}\bar{X} - X_5}{S}$ 服从的分布是

单选题(10分)

- A. $t(3)$.
 B. $N(0, 1)$.
 C. $t(4)$.
 D. $F(1, 4)$.

7. 根据历史数据, 某包装流水线包装1000g的糖果, 每包的重量视为正态总体. 质检员定期随机抽取16包糖果, 在某次抽检中, 16包糖果的平均重量为980g, 标准差为10g. 则总体均值的置信水平为90%的置信区间为

单选题(10分)

- A. (975.62, 984.38).
 B. (976.65, 983.35).
 C. (976.80, 983.20).
 D. (975.89, 984.11).

8. 设总体 $X \sim \chi^2(6)$, X_1, \dots, X_6 是 X 的简单随机样本, \bar{X} 是样本均值, 则以下选项正确的是

单选题(10分)

- A. $6\bar{X} \sim \chi^2(36)$.
 B. $\bar{X} \sim \chi^2(6)$.
 C. $E(\bar{X}) = 36$.
 D. $Var(\bar{X}) = 12$.

2. 设 X_1, X_2, \dots, X_{10} 是来自均值与方差都为2的总体 X 的简单随机样本, $Y_1 = (X_1 + \dots + X_4)/4$, $Y_2 = (X_5 + \dots + X_{10})/6$. 根据切比雪夫不等式, 则以下选项正确的是

单选题(10分)

- A. $P(|Y_2 - 2| \leq 2) \leq 1/12$.
 B. $P(|Y_1 - Y_2| \leq 2) \leq 19/24$.
 C. $P(|Y_1 - Y_2| \geq 2) \leq 5/24$.
 D. $P(|Y_1 - 2| \geq 2) \leq 1/16$.

C

3. 设 (X_1, \dots, X_5) 和 (Y_1, \dots, Y_6) 分别来自期望为 μ_1, μ_2 , 方差为 σ_1^2, σ_2^2 的正态总体 X 与 Y 的两组独立简单随机样本. 样本均值分别为 \bar{X}, \bar{Y} , 样本方差分别为 S_X^2, S_Y^2 . 若 $P\left(\frac{S_X^2/S_Y^2}{\sigma_1^2/\sigma_2^2} \geq a\right) = 0.9$, 则 $a =$

单选题(10分)

- A. 0.247.
 B. 0.284.
 C. 4.05.
 D. 3.52.

A

4. 设总体 X 的概率密度函数为 $f(x; \theta) = \frac{|x|}{\theta} e^{-\frac{x^2}{\theta}}$, $-\infty < x < \infty, \theta > 0$ 是未知参数. X_1, \dots, X_n 为从总体中抽取的简单随机样本. 则 θ 的极大似然估计量为

单选题(10分)

- A. $|\bar{X}|$
 B. \bar{X}^2
 C. $\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i^2$
 D. $\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n |X_i|$

C

5. 设总体 $X \sim U(0, \theta)$, $\theta > 0$ 未知, (X_1, \dots, X_n) 为来自该总体的简单随机样本, $n \geq 3$, 在估计 θ 时, 若以均方误差为标准, 以下统计量中最优的是

单选题(10分)

- A. $\frac{1}{n}(X_1 + \dots + X_n)$.
 B. $\frac{2}{n}(X_1 + \dots + X_n)$.
 C. $\frac{n+1}{n} \max\{X_1, \dots, X_n\}$.
 D. $\max\{X_1, \dots, X_n\}$.

C

6. 设 $\{X_i, i \geq 1\}$ 为独立同分布的随机变量序列, 若 $E(X_1) = \theta$, $Var(X_1) = \theta^2$. 则当 $n \rightarrow +\infty$ 时, $\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (X_i - 2\theta)^2$ 依概率收敛到

单选题(10分)

- A. $5\theta^2$.
 B. θ^2 .
 C. $4\theta^2$.
 D. $2\theta^2$.

D

6. 设某群体的体质指标BMI值是服从正态分布, 均值为22.4, 标准差为2.5. 现在该群体中抽取了16位, 则这16位的人均BMI值大于23的概率为
单选题(10分)

- A. 0.5948.
- B. 0.4052.
- C. 0.1685.
- D. 0.8315.

C

8.

设 X_1, X_2, \dots, X_{200} 相互独立服从相同分布, X_1 的分布函数 $F(x) = \begin{cases} 0, & x < -1, \\ \frac{1-x^2}{2}, & -1 \leq x < 0, \\ \frac{1+x^2}{2}, & 0 \leq x < 1, \\ 1, & x \geq 1. \end{cases}$ 则 $P(|\sum_{i=1}^{200} X_i| > 10) \approx$

单选题(10分)

- A. 0.1587.
- B. 0.3174.
- C. 0.8413.
- D. 0.6826.

B

2. 设总体 X 的概率密度函数 $f(x; \lambda) = \begin{cases} \frac{\lambda x^{\lambda-1}}{4^\lambda}, & 0 < x < 4, \\ 0, & \text{其他.} \end{cases}$ $\lambda > 0$ 为未知参数, X_1, \dots, X_n 是总体 X 的简单随机样本, x_1, \dots, x_n 是样本值, 则以下选项正确的是

单选题(10分)

- A. λ 的极大似然估计量是 λ 的相合估计量.
- B. \bar{X} 是 λ 的无偏估计量.
- C. 似然函数 $L(\lambda) = \frac{\lambda^n x^n (\lambda-1)}{4^{n\lambda}}$.
- D. λ 的极大似然估计量为 $\frac{1}{\ln 4 - \ln(\bar{X})}$.

A

4. 二元正态总体 $(X, Y) \sim N(0, 0, \sigma^2, 4\sigma^2, 0.5)$, $\sigma > 0$ 未知. 从中抽取了简单随机样本 $(X_1, Y_1), (X_2, Y_2), \dots, (X_n, Y_n)$, $n \geq 2$. 当 $n \rightarrow \infty$ 时, $\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (X_i - Y_i)^2$ 依概率收敛到

单选题(10分)

- A. σ^2 .
- B. $5\sigma^2$.
- C. $3\sigma^2$.
- D. $4\sigma^2$.

C

1. 设 $X_1, X_2, \dots, X_n, \dots$ 相互独立, 同服从均值为4的指数分布, 则当 $n \rightarrow +\infty$ 时, $\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n e^{-X_i}$ 依概率收敛到

- A. $e^{-1/4}$
- B. $1/5$
- C. $4/5$
- D. e^{-4}

B

2. 设总体 X 的概率分布律为 $P(X=1) = \theta^2$, $P(X=2) = 2\theta(1-\theta)$, $P(X=4) = (1-\theta)^2$, 其中 $\theta(0 < \theta < 1)$ 为未知参数, 样本 X_1, X_2, X_3, X_4, X_5 的观测值为 $x_1 = 1, x_2 = 2, x_3 = 1, x_4 = 1, x_5 = 4$, 则 θ 的极大似然估计值为

- A. $3/10$
- B. $4/5$
- C. $7/10$
- D. $1/2$

C

1. 设总体 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, μ, σ^2 均为未知参数, 从总体中抽取容量为16的简单随机样本, 测得样本均值为6.75, 样本方差为2.25, 则 σ^2 的置信度为95%的双侧置信区间是

- A. (5.951, 7.549)
- B. (6.094, 7.406)
- C. (1.228, 5.390)
- D. (0.818, 3.594)

C

3. 设总体 $X \sim U(1, 1+\theta)$, 未知参数 $\theta > 0$, 设 X_1, X_2, \dots, X_n 是总体 X 的简单随机样本, \bar{X} 是样本均值, 则下列估计量中是 θ 的相合估计量的是

- A. $2(\bar{X} - 1)$
- B. $2(X_n - 1)$
- C. $\bar{X} - 1$
- D. $X_n - 1$

A

8. 设总体 $X \sim N(0, 1)$, X_1, \dots, X_5 是 X 的简单随机样本, \bar{X}, S^2 分别是样本均值和样本方差, 则 $Var[(\bar{X})^2 - S^2] =$

- A. $1/2$
- B. $29/50$
- C. $2/5$
- D. $9/10$

B

2. 设 (X_1, \dots, X_5) 和 (Y_1, \dots, Y_6) 分别来自期望为 μ_1, μ_2 , 方差为 σ_1^2, σ_2^2 的正态总体 X 与 Y 的两组独立简单随机样本, 样本均值 \bar{X}, \bar{Y} 的观测值分别为 1.2 和 1.5, 样本方差 S_X^2, S_Y^2 的观测值分别为 3.6 和 4.5, 则 $\frac{\sigma_1^2}{\sigma_2^2}$ 的置信水平为 0.9 的单个置信下限为

单选题(10分)

- A. 0.1975
- B. 0.2273
- C. 0.2572
- D. 0.2353

9. 设随机变量 X 的概率密度函数 $f(x) = \begin{cases} 3x^2, & 0 < x < 1, \\ 0, & \text{其他.} \end{cases}$ 对 X 独立重复观测 960 次, 结果记为 X_1, \dots, X_{960} . 则以下选项正确的有

多选题(10分)

- A. $\text{Var}(X) = 3/80$.
- B. $P(X_1 + \dots + X_{960} > 708) \approx 0.9772$.
- C. $E(X) = 3/4$.
- D. $(X_1 + \dots + X_{960} - 720)/36$ 近似服从标准正态分布.

10. 设总体 $X \sim U(0, 2\theta)$, $\theta > 0$ 未知, X_1, X_2, X_3 是总体 X 的简单随机样本, 则以下关于 θ 的估计量中方差计算正确的选项有

多选题(10分)

- A. $\text{Var}[(X_1 + X_2)/2] = 3\theta^2/4$.
- B. $\text{Var}[(X_1 + X_2 + X_3)/3] = \theta^2/3$.
- C. $\text{Var}[(X_1 + 2X_2 - X_3)/2] = \theta^2/2$.
- D. $\text{Var}[(2X_1 + X_3)/3] = 5\theta^2/27$.

9. $t_{\alpha}(n)$ 表示自由度为 n 的 t 分布的上 α 分位数, $F_{\alpha}(n,m)$ 表示自由度为 (n,m) 的 F 分布的上 α 分位数, 下列结论中成立的有多选题(10分)

- A. $t_{0.5}(n)=0$.
- B. $F_{0.05}(1,n)=t_{0.025}^2(n)$
- C. $F_{0.5}(n,n)=1$.
- D. $F_{0.1}(10,15)F_{0.1}(15,10)=1$.

ABC

10. 设总体 X 的概率密度函数为 $f(x;\theta)=\begin{cases} \frac{3x^2}{\theta^3}, & 0 < x < \theta, \\ 0, & \text{其他.} \end{cases}$ $\theta > 0$ 为未知参数, 从总体抽取容量为 n 的简单随机样本 X_1, X_2, \dots, X_n , \bar{X}, A_2, B_2 分别为样本均值、样本二阶原点矩和样本二阶中心矩, 则以下估计量中是 θ 的矩估计量的有

多选题(10分)

- A. $\sqrt{\frac{80}{3}}B_2$.
- B. $\frac{4}{3}\bar{X}$.
- C. $\max(X_1, X_2, \dots, X_n)$.
- D. $\sqrt{\frac{5}{3}}A_2$.

ABD

9. 设总体 X 的概率密度函数为 $f(x;\theta)=\begin{cases} \frac{2\theta^2}{x^3}, & x \geq \theta, \\ 0, & x < \theta. \end{cases}$ 其中 $\theta > 0$ 是未知参数, X_1, X_2, \dots, X_n 是总体 X 的简单随机样本. 则以下选项正确的有

多选题(10分)

- A. $(X_1+X_2+\dots+X_n)/(2n)$ 是 θ 的无偏估计量.
- B. $(X_1+X_2+\dots+X_n)/(2n)$ 方差不存在.
- C. $(X_1+X_2+\dots+X_n)/(2n)$ 是 θ 的矩估计量.
- D. $(X_1+X_2+\dots+X_n)/(2n)$ 是 θ 的相合估计量.

ABCD

10. 设总体 $X \sim U(\theta, 3\theta)$, $\theta > 0$ 未知, X_1, X_2, X_3 是总体 X 的简单随机样本, 则 θ 的无偏估计量有

多选题(10分)

- A. $(5X_1+4X_2-3X_3)/6$.
- B. $(2X_1+5X_2-X_3)/6$.
- C. $(X_1+X_2+X_3)/6$.
- D. $(2X_1+2X_2-X_3)/6$.

CD

9. 设总体 $X \sim B(4, p)$, $0 < p < 1$ 未知, 从总体中抽取容量为 n 的简单随机样本 X_1, X_2, \dots, X_n , \bar{X} 为样本均值. 则以下选项正确的有
多选题(10分)

- A. X 的方差的极大似然估计为 $4\bar{X}(1-\bar{X})$.
- B. $P(X \geq 3)$ 的极大似然估计为 $(\bar{X})^3(16-3\bar{X})/256$.
- C. $P(X=1)$ 的极大似然估计为 $\bar{X}(4-\bar{X})^3/64$.
- D. p 的极大似然估计为 \bar{X} .

BC

10. 总体 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, 其中 μ 已知, $\sigma > 0$ 未知, 来自该总体的简单随机样本 X_1, \dots, X_n , $n \geq 2$, 记其样本均值为 \bar{X} , 样本方差为 S^2 , 样本的二阶中心矩为 B_2 , 则
下述说法正确的有
多选题(10分)

- A. $E(\bar{X} \cdot S) = \mu \sigma$.
- B. $\frac{nB_2}{\sigma^2} \sim \chi^2(n-1)$.
- C. $\frac{\bar{X} - \mu}{S/\sqrt{n}} \sim t(n-1)$.
- D. $\frac{\bar{X} - \mu}{\sigma\sqrt{n}} \sim N(0, 1)$.

BCD

9. 设总体 $X \sim P(\lambda)$, $\lambda > 0$ 未知, X_1, \dots, X_n 为来自该总体的简单随机样本, $n \geq 2$, 记其样本均值为 \bar{X} . 则下列统计量中为参数 λ 的相合估计的有
多选题(10分)

- A. $\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2$.
- B. \bar{X} .
- C. $\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2$.
- D. $\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i^2$.

ABC