

设 $\{X_n, n = 1, 2, \dots\}$ 和 $\{Y_n, n = 1, 2, \dots\}$ 是两个随机变量序列, 已知当 $n \rightarrow +\infty$ 时, X_n 依概率收敛到3, Y_n 依概率收敛到5, 且 $E(X_1), E(Y_1), Var(X_1), Var(Y_1)$ 均存在。则以下选项正确的有:

- $Y_n^2 - E(Y_1)$ 依概率收敛到 $25 - E(Y_1)$, 当 $n \rightarrow +\infty$ 时。
- $(X_n - Y_n)^3$ 依概率收敛到 -8 , 当 $n \rightarrow +\infty$ 时。
- $X_n Y_n$ 依概率收敛到 15 , 当 $n \rightarrow +\infty$ 时。
- $(Y_n - E(Y_1))^2$ 依概率收敛到 $Var(Y_1)$, 当 $n \rightarrow +\infty$ 时。
- X_n^2/Y_n 依概率收敛到 1.8 , 当 $n \rightarrow +\infty$ 时。
- $3X_n - Y_n$ 依概率收敛到 $3E(X_1) - E(Y_1)$, 当 $n \rightarrow +\infty$ 时。

总体 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, 其中 μ 已知, $\sigma > 0$ 未知, 来自该总体的简单随机样本 $X_1, \dots, X_n, n \geq 2$, 记其样本均值为 \bar{X} , 样本方差为 S^2 , 样本的二阶中心矩为 B_2 , 则下述说法正确的有:

- $\frac{nB_2}{\sigma^2} \sim \chi^2(n-1)$
- $E(\bar{X} \cdot S^2) = \mu\sigma^2$
- $\frac{\bar{X} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}} \sim N(0, 1)$
- $Var(B_2) = \frac{2n}{(n-1)^2} \sigma^4$
- $\frac{\bar{X} - \mu}{S/\sqrt{n}} \sim t(n-1)$
- $E(\bar{X} \cdot S) = \mu\sigma$

总体 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, 其中 μ 已知, $\sigma > 0$ 未知, 来自该总体的简单随机样本 $X_1, \dots, X_n, n \geq 2$, 记其样本均值为 \bar{X} , 样本方差为 S^2 , 下列选项中为统计量的有:

- $E(X_1^2) + X_1$
- $\frac{\bar{X} - \mu}{S/\sqrt{n}}$
- $X_1 + \dots + X_n$
- $E(X_1) + X_1$
- $\max(X_1, \dots, X_n) - \min(X_1, \dots, X_n)$